

Câu 1. a) (1 điểm) Khảo sát sự biến thiên và vẽ đồ thị (C) của hàm số $y = \frac{x-1}{x-2}$.

b) (1 điểm) Viết phương trình tiếp tuyến của (C) tại điểm có hoành độ $x = 3$.

Câu 2. (1 điểm) Tìm giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số $y = \sqrt{x^2 - 2x + 3}$ trên đoạn $[0; 4]$.

Câu 3. a) (0,5 điểm) Giải phương trình: $\sin 2x - 2 \sin x = 0$.

b) (0,5 điểm) Giải phương trình: $2^{x^2-x-4} = 4^x$.

Câu 4. a) (0,5 điểm) Trong dịp ra quân chăm sóc di tích Đình Đình Lự (Tân Lộc – Lộc Hà – Hà Tĩnh) đội thanh niên tình nguyện của Đoàn trường THPT Nguyễn Văn Trỗi gồm 14 đoàn viên trong đó có 6 đoàn viên nam 8 đoàn viên nữ trong đó có 2 đoàn viên nam là Ủy viên Ban chấp hành. Cần chọn ngẫu nhiên một nhóm 3 đoàn viên làm nhiệm vụ thấp hương. Tính xác suất sao cho trong 3 đoàn viên được chọn có nam, nữ và Ủy viên ban chấp hành.

b) (0,5 điểm) Tính giá trị biểu thức: $A = \log_2 5 - \log_{\frac{1}{2}} 12 - \log_2 15$.

Câu 5. a) (0,5 điểm) Tìm số hạng chứa x^6 của đa thức $P_{(x)} = 25x^6 + x^3(1+x)^4$.

b) (0,5 điểm) Chứng minh: $\tan x + \cot x - \frac{2}{\sin 2x} = 0$ với $x \neq k\frac{\pi}{2}, k \in Z$.

Câu 6. (1 điểm) Giải phương trình: $x^2 + 9 + \log_2 \frac{16x^2 + 96x + 208}{\sqrt{12x+16} + \sqrt{45x+81}} = 2\sqrt{3x+4} - 6x + 3\sqrt{5x+9}$.

Câu 7. (1 điểm) Cho hình chóp $S.ABCD$ có đáy $ABCD$ là hình chữ nhật, $SA = a, AB = a, AC = 2a, SA$ vuông góc với mặt phẳng $(ABCD)$. Gọi G là trọng tâm tam giác SAC . Tính theo a thể tích khối chóp $S.ABCD$ và khoảng cách từ điểm A đến mặt phẳng (BGC) .

Câu 8. (1 điểm) Trong mặt phẳng với hệ tọa độ Oxy cho tam giác nhọn ABC nội tiếp đường tròn tâm I , điểm $M(2; -1)$ là trung điểm của BC , hình chiếu vuông góc của B lên AI là $D\left(\frac{9}{5}; \frac{-8}{5}\right)$. Biết rằng AC có

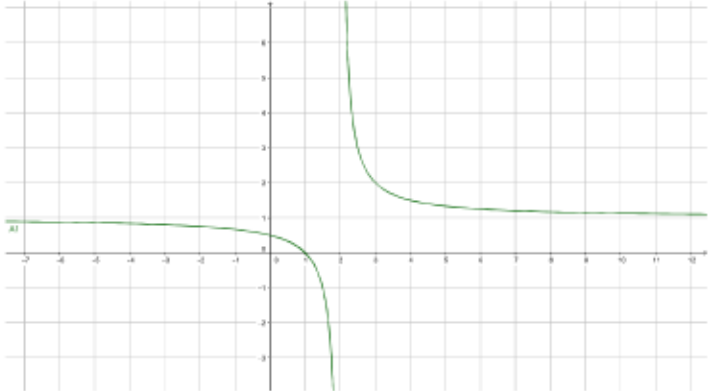
phương trình $x + y - 5 = 0$, tìm tọa độ các đỉnh của tam giác ABC .

Câu 9. (1 điểm) Cho các số thực dương x, y, z thỏa mãn $x^2 + y^2 + z^2 = 3$. Tìm giá trị lớn nhất của biểu

thức $P = (x + y + z)^2 - \frac{x^3 + y^3 + z^3}{9xyz} + \frac{3}{xy + yz + zx}$.

Hết

TRƯỜNG THPT NGUYỄN VĂN TRÔI – HÀ TĨNH
ĐÁP ÁN ĐỀ THI THỬ LẦN I - KỲ THI THPT QUỐC GIA
NĂM HỌC 2015 – 2016 - MÔN TOÁN

Câu	Nội dung	Điểm											
Câu 1 a (1 điểm)	<ul style="list-style-type: none"> • TXĐ: $D = R \setminus \{2\}$ • Sự biến thiên <ul style="list-style-type: none"> + Giới hạn – tiệm cận: <p>$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} y = 1$ suy ra đường $y = 1$ là tiệm cận ngang.</p> <p>$\lim_{x \rightarrow 2^+} y = +\infty, \lim_{x \rightarrow 2^-} y = -\infty$ suy ra đường $x = 2$ là tiệm cận đứng.</p>	0,25đ											
	<p>+ Chiều biến thiên: Ta có: $y' = \frac{-1}{(x-2)^2}$, y' không xác định tại $x = 2$</p> <p>$y' < 0 \forall x \neq 2$ nên hàm số nghịch biến trên các khoảng xác định.</p>	0,25đ											
	<p>+ Bảng biến thiên</p> <table style="margin-left: auto; margin-right: auto; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="border-right: 1px solid black; padding: 5px;">x</td> <td style="padding: 5px;">$-\infty$</td> <td style="border-right: 1px solid black; padding: 5px;">2</td> <td style="padding: 5px;">$+\infty$</td> </tr> <tr> <td style="border-right: 1px solid black; padding: 5px;">y'</td> <td style="text-align: center; padding: 5px;">-</td> <td style="border-right: 1px solid black; padding: 5px;"></td> <td style="text-align: center; padding: 5px;">-</td> </tr> <tr> <td style="border-right: 1px solid black; padding: 5px;">y</td> <td style="text-align: center; padding: 5px;">1</td> <td style="border-right: 1px solid black; padding: 5px;"></td> <td style="text-align: center; padding: 5px;">1</td> </tr> </table> <p>+ Hàm số không có cực trị:</p>	x	$-\infty$	2	$+\infty$	y'	-		-	y	1		1
x	$-\infty$	2	$+\infty$										
y'	-		-										
y	1		1										
	<ul style="list-style-type: none"> • Đồ thị: Đồ thị hàm số đi qua các điểm $(0; \frac{1}{2}), (1; 0), (3; 2)$ 	0,25đ											
Câu 1b (1 điểm)	<p>Tại điểm có hoành độ $x = 3$ ta có tung độ tương ứng là $y = 2$</p>	0,25đ											
	<p>$y' = \frac{-1}{(x-2)^2} \Rightarrow y'_{(3)} = -1$</p> <p>Pttt cần viết là $y - 2 = -1(x - 3) \Leftrightarrow y = -x + 5$</p>	0,25đ 0,5đ											
Câu 2 (1 điểm)	<p>Ta có $y' = \frac{x-1}{\sqrt{x^2-2x+3}}, y' = 0 \Leftrightarrow x = 1$</p> <p>$y(0) = \sqrt{3}, y(1) = \sqrt{2}, y(4) = \sqrt{11}$</p>	0,5đ 0,25đ											
	<p>Vậy $Max y = \sqrt{11}$ tại $x = 4$ và $min y = \sqrt{2}$ tại $x = 1$</p>	0,25đ											
Câu 3a (0,5 điểm)	<p>$\sin 2x - 2 \sin x = 0 \Leftrightarrow 2 \sin x \cdot \cos x - 2 \sin x = 0 \Leftrightarrow 2 \sin x (\cos x - 1) = 0$</p>	0,25đ											

	$\Leftrightarrow \begin{cases} \sin x = 0 \\ \cos x = 1 \end{cases} \Leftrightarrow x = k\pi, k \in Z$	0,25đ
Câu 3b (0,5 điểm)	$2^{x^2-x-4} = 4^x \Leftrightarrow 2^{x^2-x-4} = 2^{2x} \Leftrightarrow x^2 - x - 4 = 2x$	0,25đ
	$x^2 - 3x - 4 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = 4 \end{cases}$	0,25đ
Câu 4a (0,5 điểm)	Số các khả năng của không gian mẫu là : $C_{14}^3 = 364$, để chọn được 3 đoàn viên theo yêu cầu bài toán ta có các cách chọn sau	0,25đ
	+ Chọn 1 trong 2 Ủy viên ban chấp hành, chọn 1 trong 4 đoàn viên nam còn lại, chọn 1 trong 8 đoàn viên nữ, trường hợp này có $C_2^1 \cdot C_4^1 \cdot C_8^1 = 64$ cách chọn. + Chọn 2 Ủy viên ban chấp hành, chọn 1 trong 8 đoàn viên nữ, trường hợp này có $C_2^2 \cdot C_8^1 = 8$ cách chọn. + Chọn 1 nam Ủy viên và chọn thêm 2 nữ có $C_2^1 \cdot C_8^2 = 56$ cách chọn Nên ta có $64 + 8 + 56 = 128$ cách chọn 3 đoàn viên theo yêu cầu bài toán . Vậy xác suất cần tính là $P = \frac{128}{364} = \frac{32}{91}$.	0,25đ
Câu 4b (0,5 điểm)	Ta có: $A = \log_2 5 - \log_{\frac{1}{2}} 12 - \log_2 15 = \log_2 5 + \log_2 12 - \log_2 15$	0,25đ
	$= \log_2 5 \cdot 12 - \log_2 15$ $= \log_2 \frac{5 \cdot 12}{15} = \log_2 4 = 2$	0,25đ
Câu 5a (0,5 điểm)	Ta có: $P_{(x)} = 25x^6 + x^3(1+x)^4 = 25x^6 + x^3(C_4^0 + C_4^1 \cdot x + C_4^2 \cdot x^2 + C_4^3 \cdot x^3 + C_4^4 \cdot x^4)$	0,25đ
	$= C_4^0 x^3 + C_4^1 x^4 + C_4^2 x^5 + (25 + C_4^3) x^6 + C_4^4 x^7$ Nên số hạng chứa x^6 là $(25 + C_4^3) x^6 = (25 + 4) x^6 = 29x^6$	0,25đ
Câu 5b (0,5 điểm)	Với $x \neq k\frac{\pi}{2}, k \in Z$ ta có $\tan x + \cot x - \frac{2}{\sin 2x} = \frac{\sin x}{\cos x} + \frac{\cos x}{\sin x} - \frac{2}{\sin 2x}$	0,25đ
	$= \frac{\sin^2 x + \cos^2 x}{\sin x \cos x} - \frac{2}{\sin 2x}$ $= \frac{1}{\frac{1}{2} \sin 2x} - \frac{2}{\sin 2x} = \frac{2}{\sin 2x} - \frac{2}{\sin 2x} = 0$, điều phải chứng minh.	0,25đ
	Điều kiện $x \geq -\frac{4}{3}$ Ta có $x^2 + 9 + \log_2 \frac{16x^2 + 96x + 208}{\sqrt{12x + 16} + \sqrt{45x + 81}} = 2\sqrt{3x + 4} - 6x + 3\sqrt{5x + 9}$ $\Leftrightarrow x^2 + 6x + 13 + \log_2 (x^2 + 6x + 13) = 2\sqrt{3x + 4} + 3\sqrt{5x + 9} + \log_2 (2\sqrt{3x + 4} + 3\sqrt{5x + 9}) (*)$	0,25đ

Câu 6 (1 điểm)

Xét hàm số $f(t) = t + \log_2 t, t > 0$, $f'(t) = 1 + \frac{1}{t \ln 2} > 0$ với mọi $t > 0$ nên $f(t)$ đồng biến trên $(0; +\infty)$. Từ (*) suy ra $f(x^2 + 6x + 13) = f(2\sqrt{3x+4} + 3\sqrt{5x+9})$ nên $x^2 + 6x + 13 = 2\sqrt{3x+4} + 3\sqrt{5x+9}$

$$\Leftrightarrow x^2 + x + 2[(x+2) - \sqrt{3x+4}] + 3[(x+3) - \sqrt{5x+9}] = 0$$

$$\Leftrightarrow (x^2 + x) + \frac{2(x^2 + x)}{x+2 + \sqrt{3x+4}} + \frac{3(x^2 + x)}{x+3 + \sqrt{5x+9}} = 0$$

$$\Leftrightarrow (x^2 + x) \left[1 + \frac{2}{x+2 + \sqrt{3x+4}} + \frac{3}{x+3 + \sqrt{5x+9}} \right] = 0$$

$$\Leftrightarrow (x^2 + x) = 0 \text{ vì } 1 + \frac{2}{x+2 + \sqrt{3x+4}} + \frac{3}{x+3 + \sqrt{5x+9}} > 0 \quad \forall x \geq -\frac{4}{3}$$

$$\Leftrightarrow x = 0; x = -1$$

Đổi chiếu với điều kiện ban đầu suy ra phương trình có nghiệm $x = 0, x = -1$

0,25đ

0,25đ

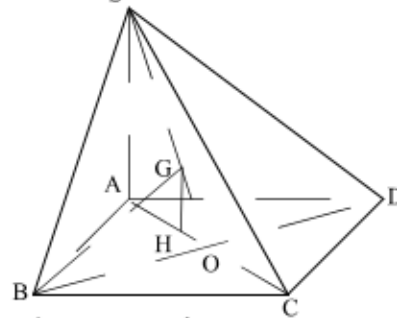
0,25đ

Câu 7
1
điểm

Ta có $BC = \sqrt{(2a)^2 - a^2} = a\sqrt{3}$, diện tích hình S chữ nhật $ABCD$ là $S_{ABCD} = a \cdot a\sqrt{3} = a^2 \cdot \sqrt{3}$.

Thể tích khối chóp là $V = \frac{1}{3} SA \cdot S_{ABCD} = \frac{a^3 \sqrt{3}}{3}$.

Gọi O là giao điểm của AC và BD ,
 H là hình chiếu vuông góc của G



lên mp($ABCD$) thì ta có $GH = \frac{1}{3} SA = \frac{a}{3}$, thể tích khối chóp $G.ABC$ là

$$V_{G.ABC} = \frac{1}{3} \cdot GH \cdot \frac{1}{2} S_{ABCD} = \frac{a^3 \sqrt{3}}{18}$$

$$\text{Mặt khác } V_{G.ABC} = \frac{1}{3} \cdot d_{(A,(BGC))} \cdot S_{\Delta BGC} \Rightarrow d_{(A,(BGC))} = \frac{3V_{G.ABC}}{S_{\Delta BGC}}$$

Xét tam giác BGC ta có $BC = a\sqrt{3}$, $CH = CO + OH = \frac{4}{3} CO = \frac{4}{3} a$ nên

$$CG = \sqrt{\left(\frac{4a}{3}\right)^2 + \left(\frac{a}{3}\right)^2} = \frac{a\sqrt{17}}{3}, \text{ gọi } N \text{ là trung điểm } SD \text{ do } SB = \sqrt{a^2 + a^2} = a\sqrt{2}$$

$$SD = \sqrt{a^2 + 3a^2} = 2a \text{ nên } BG = \frac{2}{3} BN = \frac{2}{3} \sqrt{\frac{2SA^2 + 2BD^2 - SD^2}{4}}$$

$$\Rightarrow BG = \frac{2}{3} \sqrt{\frac{4a^2 + 8a^2 - 4a^2}{4}} = \frac{2a\sqrt{2}}{3}$$

0,25đ

0,25đ

0,25đ

Áp dụng định lí cô sin trong tam giác BGC ta có

$$\cos B = \frac{\left(\frac{2a\sqrt{2}}{3}\right)^2 + 3a^2 - \frac{17a^2}{9}}{2 \cdot \frac{2a\sqrt{2}}{3} \cdot a\sqrt{3}} = \frac{3}{2\sqrt{6}} \Rightarrow \sin B = \sqrt{1 - \frac{9}{24}} = \sqrt{\frac{5}{8}}$$

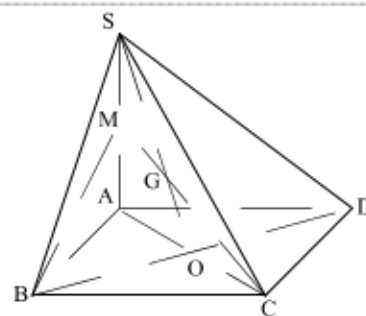
từ đó ta có

$$S_{\Delta BGC} = \frac{1}{2} BG \cdot BC \cdot \sin B = \frac{1}{2} \cdot \frac{2a\sqrt{2}}{3} \cdot a\sqrt{3} \cdot \sqrt{\frac{5}{8}} = \frac{a^2\sqrt{15}}{6}$$

$$\text{Vậy } d_{(A, (BGC))} = \frac{3 \cdot \frac{a^3\sqrt{3}}{18}}{\frac{a^2\sqrt{15}}{6}} = \frac{a\sqrt{5}}{5}$$

0,25đ

$$\text{Cách 2: } d(A; (BCG)) = d(A; BM) = \frac{AM \cdot AB}{\sqrt{AM^2 + AB^2}} = \frac{a}{\sqrt{5}}$$



0.5đ

Gọi F là hình chiếu vuông góc của A lên BC , E là trung điểm AB . Ta có tứ giác $BFDA$ nội tiếp đường tròn đường kính AB và ngũ giác $BEDIM$ nội tiếp đường tròn đường kính BI suy ra $\angle DEM = \angle DBM = \angle DBF = \frac{1}{2} \angle DEF$ (góc nội tiếp và góc ở tâm cùng chắn một cung) nên EM là phân giác của góc $\angle DEF$, lại có $FE = DE = \frac{1}{2} AB$ nên ME là đường trung trực của DF .

0,25đ

Đường thẳng ME qua M và song song với AC nên có phương trình $x + y - 1 = 0$, F đối xứng với D qua ME nên $F\left(\frac{13}{5}; \frac{-6}{5}\right)$, $\overline{MF} = \left(\frac{3}{5}; \frac{1}{5}\right)$ nên véc tơ pháp tuyến của BC là $\vec{n}(1; -3)$ suy ra phương trình BC là $x - 3y - 5 = 0$

0,25đ

$$\text{tọa độ } C \text{ là nghiệm của hệ } \begin{cases} x + y - 5 = 0 \\ x - 3y - 5 = 0 \end{cases}$$

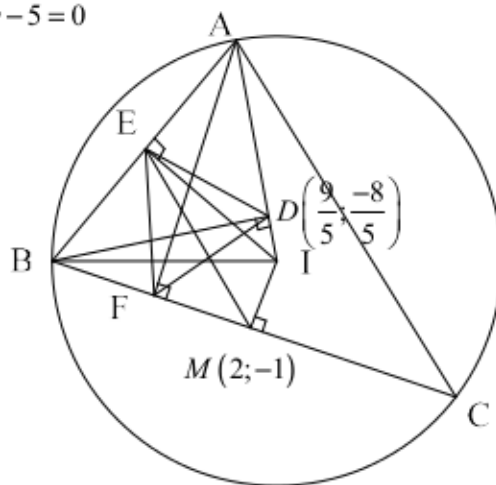
$$\Rightarrow C(5; 0)$$

M là trung điểm BC suy ra $M(2; -1)$

AF qua F và vuông góc với BC nên

$$\text{có phương trình } 3x + y - \frac{33}{5} = 0$$

$$\text{tọa độ } A \text{ là nghiệm của hệ } \begin{cases} x + y - 5 = 0 \\ 3x + y - \frac{33}{5} = 0 \end{cases} \Rightarrow A(1; 4)$$



0,25đ

0,25đ

Câu 8 1 điểm

	<p>Ta có $(x + y + z)^2 = x^2 + y^2 + z^2 + 2(xy + yz + zx) \Rightarrow (x + y + z)^2 = 3 + 2(xy + yz + zx)$</p> <p>lại có $x^3 + y^3 + z^3 = (x + y + z)[x^2 + y^2 + z^2 - (xy + yz + zx)] + 3xyz$</p> <p>$= (x + y + z)[3 - (xy + yz + zx)] + 3xyz$ nên</p> $\frac{x^3 + y^3 + z^3}{9xyz} = \frac{1}{3} + \frac{1}{9} \left(\frac{1}{yz} + \frac{1}{zx} + \frac{1}{xy} \right) [3 - (xy + yz + zx)]$	0,25đ
Câu 9 (1 điểm)	<p>Áp dụng BĐT Cauchy ta có</p> $\begin{cases} xy + yz + zx \geq 3\sqrt{x^2 \cdot y^2 \cdot z^2} \\ \frac{1}{xy} + \frac{1}{yz} + \frac{1}{zx} \geq 3\sqrt{\frac{1}{x^2 \cdot y^2 \cdot z^2}} \end{cases} \Rightarrow \frac{1}{xy} + \frac{1}{yz} + \frac{1}{zx} \geq \frac{9}{xy + yz + zx}$ <p>Suy ra $\frac{x^3 + y^3 + z^3}{9xyz} \geq \frac{1}{3} + \left(\frac{1}{xy + yz + zx} \right) [3 - (xy + yz + zx)]$</p> <p>Từ đó ta có</p> $P \leq 3 + 2(xy + yz + zx) - \frac{1}{3} - \left(\frac{1}{xy + yz + zx} \right) [3 - (xy + yz + zx)] + \frac{3}{xy + yz + zx}$ $= \frac{11}{3} + 2(xy + yz + zx)$ <p>do $0 < xy + yz + zx \leq \frac{x^2 + y^2 + y^2 + z^2 + z^2 + x^2}{2} = 3$ nên $P \leq \frac{11}{3} + 6 = \frac{29}{3}$</p> <p>Từ đó suy ra GTLN của P là $\frac{29}{3}$ đạt khi $\begin{cases} x^2 + y^2 + z^2 = 3 \\ xy = yz = zx \\ xy + yz + zx = 3 \end{cases} \Leftrightarrow x = y = z = 1.$</p>	0,25đ 0,25đ 0,25đ

Chú ý: Học sinh giải cách khác đúng cho điểm tối đa