

Họ, tên thí sinh: SBD:

Câu 1: Phương trình $x^3 + 3x^2 - 2m = 0$ có 3 nghiệm phân biệt khi và chỉ khi:

- A. $m > 2$ B. $m = 2$ C. $0 < m < 2$ D. $m < 0$

Câu 2: Hàm số $y = \frac{-mx+3}{3x-m}$ luôn nghịch biến trên từng khoảng xác định của nó khi và chỉ khi :

- A. $-3 < m < 0$ B. $m \neq \pm 3$ C. $-3 < m < 3$ D. $m < -3$

Câu 3: Trong các hàm số sau hàm số nào có cực đại, cực tiểu và $x_{ct} < x_{cd}$?

- A. $y = -x^3 - 3x - 2$ B. $y = -x^3 + 9x^2 + 3x + 2$
C. $y = x^3 + 2x^2 + 8x + 2$ D. $y = x^3 - 9x^2 - 3x + 5$

Câu 4: Cho khối lăng trụ đứng $ABC.A'B'C'$ có đáy là tam giác vuông tại A, $AC = b$, $\widehat{ACB} = 60^\circ$. Đường thẳng BC' tạo với mặt phẳng $(AA'C'C)$ một góc 30° . $V_{ABC.A'B'C'}$ là:

- A. $b^3\sqrt{6}$ B. $3b^3$ C. $\frac{b^3\sqrt{3}}{3}$ D. $b^3\sqrt{3}$

Câu 5: Hàm số $y = \frac{1}{3}x^3 + mx^2 + (1-2m)x + m + 2$ có cực đại, cực tiểu khi và chỉ khi:

- A. $m \neq -1$ B. với mọi giá trị của m C. $m < -1$ D. không có m nào

Câu 6: Cho hình lập phương có độ dài đường chéo bằng $3\sqrt{3}$. Thể tích khối lập phương đó bằng:

- A. 27 B. 9 C. 81 D. 24

Câu 7: Trong các hàm số sau, hàm số nào chỉ có 1 cực đại mà không có cực tiểu?

- A. $y = x^3 + 3x^2 - 6x + 1$ B. $y = -x^4 - x^2 + 5$ C. $y = \frac{2x-1}{x}$ D. $y = \frac{4x^2+x-5}{x+2}$

Câu 8: Hàm số $y = -x^4 + 8x^3 - 6$ có bao nhiêu cực trị?

- A. không có cực trị B. 3 C. 1 D. 2

Câu 9: Hàm số $y = x^3 - 3x^2 + 4$ có đồ thị (C). Tiếp tuyến của (C) song song với đường thẳng $y = -3x$ có phương trình là:

- A. $y = -3x + 2$ B. $y = -3x + 5$ C. $y = -3x + 4$ D. $y = -3x + 3$

Câu 10: Cho hàm số $y = x^3 + x + 1$ (C). Tìm câu trả lời sai:

- A. Hàm số luôn đồng biến trên \mathbb{R} .
B. Trên (C) tồn tại 2 điểm $A(x_1; y_1); B(x_2; y_2)$ sao cho 2 tiếp tuyến của (C) tại A và B vuông góc với nhau.
C. Phương trình tiếp tuyến của (C) tại điểm có hoành độ $x=1$ có phương trình là $y = 4x - 1$
D. (C) chỉ cắt trực hoành tại một điểm duy nhất.

Câu 11: Cho hình chóp $S.MNPQ$ có đáy $MNPQ$ là hình thoi tâm O, cạnh a; $\widehat{QMN} = 60^\circ$. Biết $SM = SP; SN = SQ$. Kết luận nào sau đây sai:

- A. M và P đối xứng nhau qua (SNQ)
- B. $MP \perp NQ$
- C. $SO \perp (MNPQ)$
- D. $MQ \perp SP$

Câu 12: Tiếp tuyến với đồ thị hàm số $y = -x^3 + 2x - 1$ tại điểm có hoành độ $x = 0$ có phương trình là :

- A. $y = 2x - 1$
- B. $y = -2x - 1$
- C. $y = 2x + 1$
- D. $y = -2x + 1$

Câu 13: Cho hàm số $y = \sin x - x$. Hàm số này :

- A. Chỉ nghịch biến trên khoảng $(-\infty; 0)$
- B. Nghịch biến trên \mathbb{R} .
- C. Đồng biến trên \mathbb{R} .
- D. Đồng biến trên khoảng $(0; +\infty)$

Câu 14: Cho hình chóp S:ABCD đáy là hình vuông cạnh a, hai mặt phẳng (SAB), (SAD) cùng vuông góc với mặt phẳng đáy, cạnh bên SC tạo với đáy góc 60° . Thể tích khối chóp đã cho bằng :

- A. $\frac{a^3 \sqrt{6}}{3}$
- B. $\frac{a^3 \sqrt{6}}{4}$
- C. $\frac{a^3 \sqrt{3}}{3}$
- D. $\frac{a^3 \sqrt{3}}{9}$

Câu 15: Hàm số $f(x)$ có đạo hàm $f'(x) = x(x-1)^2(x-2)$. Số điểm cực trị của hàm số là :

- A. 3
- B. 2
- C. 1
- D. 0

Câu 16: Tổng các giá trị cực trị của hàm số $y = -x^4 + 2x^2 - 9$ là:

- A. -25
- B. -14
- C. 10
- D. kết quả khác

Câu 17: Đồ thị hàm số $y = \frac{3x-1}{x-2}$ có:

- A. Tiệm cận ngang $y = 2$.
- B. Tiệm cận ngang $y = \frac{1}{3}$
- C. Tiệm cận đứng $x = 2$.
- D. Tiệm cận đứng $x = 3$.

Câu 18: Cho hàm số $y = -\frac{m}{4}x^4 + \frac{(2m-1)}{2}x^2 + 1$. Hàm số có 2 cực đại và 1 cực tiểu khi và chỉ khi :

- A. $m > 0$
- B. $m > \frac{1}{2}$
- C. $m < 0$ hoặc $m > \frac{1}{2}$
- D. $m < 0$

Câu 19: Cho hàm số $y = -x^3 + 3x^2 + 9x - 2$. Hàm số này:

- A. Đạt cực đại tại $x = 3$
- B. Đạt cực tiểu tại $x = 1$
- C. Đạt cực tiểu tại $x = 3$
- D. Đạt cực đại tại $x = -1$

Câu 20: Giá trị nhỏ nhất của hàm số $y = x - \sqrt{16 - x^2}$ là :

- A. -5
- B. $-5\sqrt{2}$
- C. -4
- D. $-4\sqrt{2}$

Câu 21: Hình hộp $ABCD.A'B'C'D'$ có đáy là hình thoi hai mặt chéo $AC C'A'$ và $BDD'B'$ đều vuông góc với mặt phẳng đáy hai mặt này có diện tích lần lượt bằng $100m^2$; $105m^2$ và cắt nhau theo một đoạn thẳng có độ dài bằng 10m. Khi đó thể tích hình hộp đã cho là:

- A. $235\sqrt{5} m^3$
- B. $425m^3$
- C. $235\sqrt{5}$
- D. $525m^3$

Câu 22: Đường thẳng $y = ax - b$ tiếp xúc với đồ thị hàm số $y = x^3 + 2x^2 - x - 2$ tại điểm M(1,0). Khi đó ta có :

- A. $ab = -5$
- B. $ab = -36$
- C. $ab = 36$
- D. $ab = -6$

Câu 23: Cho hình chóp $O.ABC$ có OA, OB, OC đôi một vuông góc với nhau và $OA = 1, OB = 3, OC = 4$. Độ dài đường cao OH của hình chóp là :

- A. 7 B. $\frac{13}{12}$ C. $\frac{14}{13}$ D. $\frac{12}{13}$

Câu 24: Trong các hàm số sau hàm số nào nghịch biến trên khoảng $(2; +\infty)$?

- A. $y = \frac{1}{3}x^3 + \frac{3}{2}x^2 - 2x - 1$ B. $y = -x^3 + 6x^2 - 9x + 2$
 C. $y = -\frac{1}{3}x^3 - \frac{3}{2}x^2 - 2x - 1$ D. $y = -x^2 + 5x - 2$

Câu 25: Phương trình $x^4 - 2x^2 - 3 + m = 0$ có 4 nghiệm phân biệt khi và chỉ khi:

- A. $m > 4$ B. $3 < m < 4$ C. $m > 3$ D. $m < 4$

Câu 26: Cho hàm số $y = \sin 2x - x - 3$. Hàm số này:

- A. Nhận điểm $x = -\frac{\pi}{6}$ làm điểm cực đại B. Nhận điểm $x = -\frac{\pi}{6}$ làm điểm cực tiểu
 C. Nhận điểm $x = \frac{\pi}{2}$ làm điểm cực tiểu D. Nhận điểm $x = -\frac{\pi}{2}$ làm điểm cực đại

Câu 27: Câu 18 Giá trị nhỏ nhất của hàm số $y = 2x^3 + 3x^2 - 1$ trên đoạn $[-1; 1]$ là:

- A. 0 B. 4 C. -1 D. -4

Câu 28: Cho hàm số $y = x^3 - x^2 + 2x + 5(C)$. Trong các tiếp tuyến của (C) , tiếp tuyến có hệ số góc nhỏ nhất thì hệ số góc của tiếp tuyến đó là :

- A. $\frac{1}{3}$ B. $\frac{2}{3}$ C. $\frac{4}{3}$ D. $\frac{5}{3}$

Câu 29: Hàm số $y = -3x^2 - ax + b$ đạt cực trị bằng 2 tại $x = 2$ khi và chỉ khi:

- A. $a = -12, b = 6$ B. $a = 4, b = 2$ C. $a = -12, b = -10$ D. $a = -10, b = 12$

Câu 30: Cho hàm số $y = \frac{x-5}{2-x}$. Kết luận nào sau đây đúng?

- A. Hàm số nghịch biến trên khoảng $(-\infty; 2) \cup (2; +\infty)$
 B. Hàm số luôn đồng biến trên từng khoảng xác định của nó.
 C. Hàm số luôn nghịch biến trên \mathbb{R} .
 D. Hàm số luôn nghịch biến trên từng khoảng xác định của nó.

Câu 31: Hàm số $y = \frac{2x-1}{x+1}$ có đồ thị (H) . M là điểm bất kì và $M \in (H)$. Khi đó tích các khoảng cách từ M đến hai đường tiệm cận của (H) bằng :

- A. 3 B. 2 C. 4 D. kết quả khác

Câu 32: Giá trị nhỏ nhất của hàm số $y = 4 \sin x - 3 \cos x$ là:

- A. -7 B. 1 C. -5 D. không có GTNN

Câu 33: Cho hình chóp $S.ABCD$, đáy $ABCD$ là hình vuông cạnh a , $SA = SB = SC = SD = a\sqrt{2}$. Thể tích của khối chóp $S.ABCD$ là:

- A. $\frac{a^3\sqrt{6}}{9}$ B. $\frac{a^3\sqrt{3}}{3}$ C. $\frac{a^3\sqrt{6}}{6}$ D. Một kết quả khác

Câu 34: Chóp tam giác $S.ABC$ có đường cao bằng 10 và các cạnh đáy bằng 7, 8, 9. Thể tích khối chóp đó bằng:

- A. 40 B. $40\sqrt{5}$ C. 50 D. $70\sqrt{2}$

Câu 35: Cho hàm số $y = -\frac{x^3}{3} + \frac{1}{2}x^2 + 6x - 1$. Hàm số này:

- A. Nghịch biến trên khoảng $(-2; 3)$
 B. Đồng biến trên khoảng $(3; +\infty)$
 C. Nghịch biến trên khoảng $(-\infty; 3)$
 D. Đồng biến trên khoảng $(-2; 3)$

Câu 36: Khối lăng trụ ABC.A'B'C' có thể tích là V, trung điểm A A', BB', CC' lần lượt là I,J,K . khi đó ta có thể tích khối tứ diện C'IJK bằng :

- A. $\frac{1}{6}V$
 B. $\frac{1}{4}V$
 C. $\frac{1}{5}V$
 D. $\frac{2}{5}V$

Câu 37: Phương trình đường thẳng đi qua các điểm cực trị của đồ thị hàm số $y = -x^3 + x^2 + 3x - 1$ là:

- A. $y = \frac{2}{9}(7x+6)$
 B. $y = \frac{1}{9}(3x-1)$
 C. $y = \frac{1}{9}(20x-6)$
 D. Một kết quả khác

Câu 38: Hình hộp chữ nhật ABCD.A'B'C'D' có diện tích các mặt ABCD , ABB'A' , ADD'A' lần lượt là 20cm^2 , 28cm^2 , 35cm^2 . Khi đó thể tích hình hộp trên bằng :

- A. 120 cm^3
 B. 140cm^3
 C. 160cm^3
 D. 130cm^3

Câu 39: Cho tứ diện đều cạnh a . Thể tích khối tứ diện đó bằng :

- A. $\frac{a^3\sqrt{3}}{4}$
 B. $\frac{a^3\sqrt{3}}{6}$
 C. $\frac{a^3\sqrt{2}}{4}$
 D. $\frac{a^3\sqrt{2}}{12}$

Câu 40: Chóp tứ giác đều cạnh đáy bằng $2a$, mặt bên tạo với đáy góc 45° . Ta có thể tích chóp là:

- A. $\frac{4a^3}{3}$
 B. $\frac{8a^3}{3}$
 C. $\frac{2a^3\sqrt{3}}{3}$
 D. $\frac{a^3}{9}$

Câu 41: Hàm số $y = x^4 - 10x^2 + 9$ đạt cực đại, cực tiểu lần lượt tại x_{cd} , x_{ct} . Khi đó ta có $|x_{cd} - x_{ct}|$ bằng:

- A. $\sqrt{5}$
 B. $2\sqrt{5}$
 C. 5
 D. 4

Câu 42: Chóp S.ABCD có đáy là hình vuông cạnh a, $SA \perp (ABCD)$, $SA = 2a$; Thể tích tứ diện SBCD bằng :

- A. $\frac{a^3}{3}$
 B. $\frac{a^3}{6}$
 C. $\frac{a^3}{4}$
 D. $\frac{a^3}{8}$

Câu 43: Cho hàm số $f(x) = x^2 - \frac{1}{2x^2}$. Giá trị biểu thức $f'(2) - f'(-2)$ bằng:

- A. 8
 B. Một số khác
 C. 0
 D. $\frac{33}{4}$

Câu 44: Hình chóp S.ABC có các mặt SBC và ABC là các tam giác đều cạnh a , $SA = \frac{a\sqrt{3}}{2}$

. Khi đó khoảng cách từ S đến mặt phẳng (ABC) bằng :

- A. $\frac{a\sqrt{3}}{3}$
 B. a
 C. $\frac{3a}{4}$
 D. $\frac{a\sqrt{3}}{2}$

Câu 45: Hình chóp S.ABC; M,N lần lượt là trung điểm SA,SC . Khi đó ta có tỷ số

$\frac{V_{S.BMN}}{V_{S.ABC}}$ bằng :

- A. $\frac{1}{6}$
 B. $\frac{1}{2}$
 C. $\frac{1}{8}$
 D. $\frac{1}{4}$

Câu 46: Hình chóp tứ giác S.ABCD; M,N,P,Q,lần lượt là các trung điểm SA, SB,SC,SD .

Khi đó ta có tỷ số $\frac{V_{S.MNPQ}}{V_{S.ABCD}}$ bằng :

- A. kết quả khác B. $\frac{1}{2}$ C. $\frac{1}{16}$ D. $\frac{1}{8}$

Câu 47: Chóp tứ giác đều S.ABCD cạnh đáy bằng a , mặt bên tạo với đáy góc 45^0 .Ta có khoảng cách giữa hai đường thẳng AB và SC bằng:

- A. kết quả khác B. $\frac{a}{2\sqrt{2}}$ C. a D. $\frac{a}{\sqrt{2}}$

Câu 48: Chọn mệnh đề sai trong các mệnh đề sau :

- A. Đồ thị hàm số $y = \frac{x-1}{x^2+x+2}$ có 1 tiệm cận đứng và 1 tiệm cận ngang.
- B. Đồ thị hàm số $y = \frac{x^2-3x+4}{x+2}$ có 1 tiệm cận đứng và 1 tiệm cận xiên.
- C. Đồ thị hàm số $y = \frac{x^3}{x^2-x-2}$ có 2 tiệm cận đứng và 1 tiệm cận xiên.
- D. Đồ thị hàm số $y = \frac{2x}{x+1}$ có 1 tiệm cận đứng và 1 tiệm cận ngang.

Câu 49: Hàm số $y = x^3 - (2-m)x - m$ đạt cực tiểu tại $x=1$ khi và chỉ khi:

- A. $m = -2$ B. $m = -1$ C. Kết quả khác D. $m = 1$

Câu 50: Giá trị lớn nhất, giá trị nhỏ nhất của hàm số $y = \sin x - \cos^2 x - \frac{1}{2}$ là:

- A. Kết quả khác B. $\begin{cases} \max y = \frac{2}{3} \\ \min y = -\frac{4}{3} \end{cases}$ C. $\begin{cases} \max y = -\frac{1}{2} \\ \min y = -\frac{3}{4} \end{cases}$ D. $\begin{cases} \max y = \frac{3}{2} \\ \min y = -\frac{3}{4} \end{cases}$

----- HẾT -----

(Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm; Thí sinh không được sử dụng tài liệu)